

대분류	유형별	캠퍼스	최종마무리 1100제 교정 파일			시 간	점 수	담당선생
1회		성명	담당	홍창의	일시 :	10분		홍창의

유형별 문제(미분학)

2번 ①  $\frac{243}{40}$       ②  $\frac{27}{40}$

【답】 ①

해설  $= 4 \left( \frac{1}{1 - \frac{4}{9}} \right) - \left( \frac{1}{1 - \frac{1}{9}} \right) = 4 \left( \frac{9}{5} \right) - \frac{9}{8} = \frac{243}{40}$

25번 ④  $\frac{4}{3}$

【답】 ④

해설  $\therefore f'(\ln 3) = \frac{e^{\ln 3} - e^{-\ln 3}}{2} = \frac{3 - \frac{1}{3}}{2} = \frac{3}{4}$

37번 ③  $y = x - 1$

【답】 ③

해설  $\tan \theta = y' = \frac{2 \cos \theta \sin \theta + \cos \theta}{\cos^2 \theta - \sin \theta - \sin^2 \theta} \Big|_{\theta=0} = 1$  이고

따라서 기울기가 1 이고 점 (1, 0) 을 지나는 직선의 방정식은  $y = x - 1$  이다.

39번  $f(x) = x(1-x)^{\frac{3}{4}}$  의 극댓값을 구하면?

① 0      ② 1      ③  $\frac{4}{7} \left( \frac{3}{7} \right)^{\frac{3}{4}}$       ④  $\frac{5}{7} \left( 1 - \frac{5}{7} \right)^{\frac{5}{2}}$

【답】 ③

유형별 문제(적분학)

8번  $\int_0^{2\pi} (\cos^4 x + \sin^5 x - \cos^6 x) dx$  의 값을 구하면?

【답】 ③

해설 준식  $= \int_0^{2\pi} (\cos^4 x - \cos^6 x) dx = 4 \int_0^{\frac{\pi}{2}} (\cos^4 x - \cos^6 x) dx$

11번 ③  $\frac{1}{6}$

【답】 ③

해설  $= \left[ \frac{1}{6} \tan^6 x \right]_0^{\frac{\pi}{4}} = \frac{1}{6}$

15번 ③  $\frac{2\sqrt{2}-1}{3}$

【답】 ③

해설  $= \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{6\sqrt{2}} + \frac{1}{3} - \frac{1}{6\sqrt{2}} = \frac{1+\sqrt{2}}{3}$

따라서 상적분과 하적분의 차는  $\frac{2\sqrt{2}-1}{3}$  이다.

16번 ②  $\frac{\{\ln(1+e)\}^2}{2e}$

【답】 ②

해설  $= \frac{1}{e} \left[ \frac{1}{2} \{\ln(1+ex)\}^2 \right]_0^1 = \frac{\{\ln(1+e)\}^2}{2e}$

유형별 문제(미분학2)

27번  $\therefore \operatorname{div}(r \vec{r}) = 4r$        $\therefore \operatorname{curl}(\vec{\nabla} r) = 0$

해설  $\therefore$  참 :  $\operatorname{curl}(\vec{\nabla} r) = \begin{vmatrix} i & j & k \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ \frac{x}{r} & \frac{y}{r} & \frac{z}{r} \end{vmatrix} = 0$

$\leftarrow \vec{\nabla} r = \left( \frac{\partial}{\partial x}, \frac{\partial}{\partial y}, \frac{\partial}{\partial z} \right) (x, y, z) = \frac{x}{r} i + \frac{y}{r} j + \frac{z}{r} k$

38번 해설  $\begin{cases} g(x, y) = x^2 + y^2 - 1 = 0 \\ f(x, y) = xy + y \end{cases}$

62번 벡터장  $F(x, y) = (3+3x^2y)i + \{x^3 + \sin(\pi y)\}j$

유형별 문제(선형대수학)

30번 【답】 ①

유형별 문제(공업수학)

2번 ②  $\frac{5(3\ln 2 - \ln 15)}{\ln 13 - \ln 15}$

【답】 ②

해설  $\left( \frac{13}{15} \right)^{\frac{1}{5}t} = \frac{40}{75} = \frac{8}{15}$  에서  $\frac{t}{5}(\ln 13 - \ln 15) = 3\ln 2 - \ln 15$

$\therefore t = \frac{5(3\ln 2 - \ln 15)}{\ln 13 - \ln 15}$

8번 【답】 ②

해설 따라서  $f(x) = e^{-x^2}$  이므로  $f(0) = 1$  이다.

12번  $y(1)$  의 값은?

13번 【답】 ①

해설 초기조건  $\begin{cases} y(0) = c_1 = 0 \\ y'(0) = 2c_2 = 1 \rightarrow c_2 = \frac{1}{2} \end{cases}$

$\therefore y = \frac{1}{2} \sin 2x + \frac{1}{4} x \sin 2x$  이므로

15번 해설  $v_1(x) = \int \frac{w_1}{W} dx = \int -\sin x \sec^3 x dx = -\frac{1}{2} \tan^2 x$

따라서  $y_p = u_1 v_1 + u_2 v_2 = \cos x \cdot \left( -\frac{1}{2} \tan^2 x \right) + \sin x \cdot \tan x$

$$= -\frac{1}{2} \cos x \tan^2 x + \sin x \tan x \text{ 이므로}$$

$$\text{일반해는 } y = y_c + y_p = c_1 \cos x + c_2 \sin x$$

$$-\frac{1}{2} \cos x \tan^2 x + \sin x \tan x \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } y' = -c_1 \sin x + c_2 \cos x + \frac{1}{2} \sin x \tan^2 x - \cos x \tan x \sec^2 x \\ + \sin x + \sin x \sec^2 x$$

$$y = \frac{3}{2} \cos x + \frac{1}{2} \sin x - \frac{1}{2} \cos x \tan^2 x + \sin x \tan x \text{ 이다.}$$

#### 실전문제2회

$$24\text{번 } A_4 = (0, -1, 1, 1)$$

【답】 ②

$$\text{해설} \text{ 즉 } (1, 2, 2, k) = a(1, 1, 0, 0) + b(0, 0, 1, 1) \\ + c(-2, 0, 2, 2) + d(0, -1, 1, 1)$$

$$\begin{cases} a - 2c = 1 \\ a - d = 2 \\ b + 2c + d = 2 \\ b + 2c + d = k \end{cases} \text{ 이 해가 존재하기 위해서는 계수행렬의 rank 와}$$

첨가행렬의 rank 가 같아야 한다.

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & -2 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & -1 & 2 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & k \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & -2 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 2 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & k-2 \end{pmatrix}$$

연립방정식의 해가 존재하기 위해서는  $k = 2$  이다.

27번 【답】 ②

∴ 고유치의 합은 3

#### 실전문제3회

$$1\text{번} \text{ 해설} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2(2\sin^2 x)^2}{x^4} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2(2x^2)^2}{x^4} = 8$$

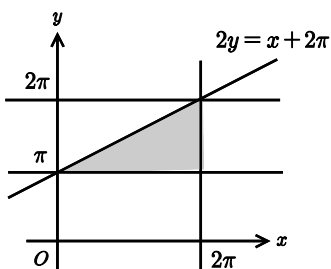
$$8\text{번} \text{ ① } \frac{\pi^2}{3} \quad \text{② } \pi^2 \quad \text{③ } \sqrt{3}\pi + \frac{5\pi^2}{3} \quad \text{④ } \frac{5\pi^2}{4} \quad \text{⑤ } \sqrt{3}\pi$$

【답】 ③

$$\text{해설} = \pi \left[ \tan x - x \right]_0^{\frac{\pi}{3}} + \frac{2\pi^2}{3} = \sqrt{3}\pi + \frac{5\pi^2}{3}$$

$$9\text{번} \text{ 해설} S_z = 2 \int_1^2 2\pi t \sqrt{1 + (t')^2} dz$$

15번 해설



17번 【답】 ⑤

$$\text{해설} \text{ 준식} = \int_0^2 \int_0^{\sqrt{2y-y^2}} \frac{1}{\sqrt{2-y}} dx dy \\ = \int_0^2 \frac{\sqrt{2y-y^2}}{\sqrt{2-y}} dy \\ = \int_0^2 \sqrt{y} dy = \left[ \frac{2}{3} y^{\frac{3}{2}} \right]_0^2 = \frac{4\sqrt{2}}{3}$$

18번 【답】 ②

$$\text{해설} = \int_0^{\pi/2} \int_0^{2\cos\theta} \frac{r(\cos\theta + \sin\theta)}{r^2} r dr d\theta$$

#### 실전문제5회

9번 【답】 ④

$$13\text{번} \text{ 해설 } x=0 \text{ 이면 } g(0, y) = y^2 = 1 \text{ 에서 } y = \pm 1 \text{ 이고}$$

$$18. \text{ 적분 } \int_0^2 \int_0^x \int_0^{4-x^2} \frac{\sin 2z}{4-z} dz dy dx \text{ 의 값을 구하시오.}$$

【답】 ⑤

$$\text{해설} \int_0^2 \int_0^x \int_0^{4-x^2} \frac{\sin 2z}{4-z} dz dy dx = \int_0^2 \int_0^{4-x^2} \int_0^x \frac{\sin 2z}{4-z} dy dz dx$$

#### 실전문제6회

$$16\text{번} \text{ 삼중적분 } \int_0^1 \int_0^z \int_z^1 e^{y^3} dy dx dz \text{ 의 값을 } \frac{e-b}{a} \text{ 라 할 때}$$

$a+b$  의 값을 구하면?

26번 【답】 ②

$$\text{해설} \therefore \lambda = 0 \text{ 의 중복도는 } 2 \text{ 이다}$$

#### 실전문제7회

$$11\text{번} \text{ ① } 2 + 3e^{-1}$$

$$\text{해설} = 2 + 3e^{-1}$$

13번 【답】 ⑤

$$\text{해설} \approx 5 + \frac{3}{5}(0.01) + \frac{4}{5}(-0.01) = 4.998$$

#### 실전문제8회

$$24\text{번} \therefore x' - 2y' + z' = 0 \text{ 이다.}$$

25번 【답】 ④

$$e = 1 \text{ 이다. 따라서 } x \ln y + \ln x + y^2 = 1 \text{ 이므로}$$

$$f(x, y) = x \ln y + \ln x + y^2 - 1 \text{ 이다.}$$

$$f(e, e) = e \ln e + \ln e + e^2 - 1 = e^2 + e = 7.3 + 2.7 = 10 \text{ 이다.}$$

#### 최상위1회

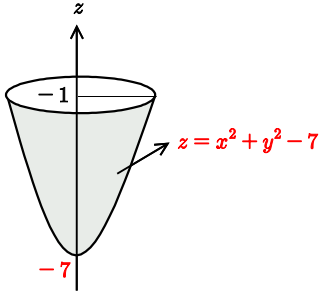
7번 역급수  $\sum_{n=1}^{\infty} (\coth n) x^n$  의 수렴구간을 구하면?

14번  $S$  는  $z = x^2 + y^2 - 7$  의 그래프에서 평면  $z = -1$   $a\pi(2e^{-4} - b)$  라 할 때  $a+b$  의 값을 구하면?

② 5    ③ 12    ④ 7

【답】 ④

해설 주어진 곡면을 그래프를 그리면 아래와 같다.



i) 곡면  $S_1$  을  $x^2 + y^2 \leq 4, z = -1$  이라고 하고  $S_1$  의 단위 법선벡터를  $n_1 = \langle 0, 0, 1 \rangle$  이라고 하자. 그러면  $S \cup S_1$  은 바깥방향을 갖는 폐곡면이다.

$\text{div} F = 2xyz e^{z(x^2+y^2)} - 2xyz e^{z(x^2+y^2)} - 1 = -1$  이므로  $E$  를  $S \cup S_1$  의 내부와 경계를 나타내는 영역이라고 하면 가우스 발산정리에 의해 다음 등식을 얻는다.

$$\begin{aligned} \iint_S F \cdot dS + \iint_{S_1} F \cdot dS &= - \iiint_E 1 dV \\ &= - \iint_{x^2+y^2 \leq 4} \left( \int_{x^2+y^2-5}^{-1} 1 dz \right) dA \\ &= - \iint_{x^2+y^2 \leq 4} (4 - x^2 - y^2) dA \end{aligned}$$

$x = r \cos \theta, y = r \sin \theta$  라고 치환하면

$$\begin{aligned} \iint_{x^2+y^2 \leq 4} (4 - x^2 - y^2) dA &= \int_0^{2\pi} \int_0^2 (4 - r^2) r dr d\theta \\ &= 2\pi \left[ 2r^2 - \frac{r^4}{4} \right]_0^2 \\ &= 8\pi \end{aligned}$$

이므로  $\iint_S F \cdot dS + \iint_{S_1} F \cdot dS = -8\pi$  이다. 그리고  $S_1$  위에서

$z = -1$  이므로 면적적분의 정의에 의하면

$$\iint_{S_1} F \cdot dS = \iint_{S_1} 1 dS = 4\pi \text{ 를 얻는다.}$$

따라서  $\iint_S F \cdot dS = -12\pi$  이다.

ii) 면적분으로 구하기 힘들므로 스톡스 정리를 이용하여 선적분으로 구해보자.

$$\iint_S \text{curl} F \cdot dS = \oint_C F \cdot dr$$

여기서  $C : x^2 + y^2 = 4$  이고  $z = -1$  이다. (단 시계방향)

$F(x, y, -1) = \langle ye^{-(x^2+y^2)}, -xe^{-(x^2+y^2)}, 1 \rangle$  이고

$x^2 + y^2 = 4$  에서  $\begin{cases} x = 2 \cos t \rightarrow dx = -2 \sin t dt \\ y = 2 \sin t \rightarrow dy = 2 \cos t dt \\ z = -1 \rightarrow dz = 0 \end{cases}$  이다.

$$\oint_C F \cdot dr = - \int_0^{2\pi} \{ 2 \sin t \cdot e^{-4} (-2 \sin t dt) \}$$

$$\begin{aligned} &= -2 \cos t \cdot e^{-4} (2 \cos t dt) \\ &= - \int_0^{2\pi} (-4e^{-4}) dt = 8\pi e^{-4} \end{aligned}$$

따라서  $a+b = 4\pi(2e^{-4} - 3)$  이므로  $a+b = 7$  이다.

19. 해설  $(\sin y)y' = -\frac{d}{dx}(\cos y)$  임을 이용하면  $\cos y = Y$  라 할 때,

미분방정식  $(\sin y)y' = -\cos x (2\cos y - \sin^2 x)$  을 변형하면

$\frac{dY}{dx} = -\cos x (2Y - \sin^2 x)$  을 정리하면

최상위2회

1번 해설 샌드위치 정리에 의해  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{f(x)^3} = \frac{1}{3}$

14번  $\iint_R \frac{3x-4}{R-x+3y} dA$  을 좌표변환

$x = 3u+v, y = u+3v$  을 이용하여 변환하면  $\int_a^b \int_c^d \frac{8u}{v} 8dv du$  라

16. ⑤  $\frac{2+\sqrt{174}}{5}$

해설 따라서  $a = \frac{2+\sqrt{174}}{5}$  이다.

19.  $\mathcal{L}^{-1} \left( \ln \frac{s-3}{s+1} \right) = \frac{1}{t} (e^{-at} - e^{bt})$

최상위3회

4. ③  $\frac{4-\pi}{\pi+4}$

해설  $= \left[ -\frac{x}{\cos x (x \sin x + \cos x)} + \tan x \right]_0^{\frac{\pi}{4}}$

$$= -\frac{\frac{\pi}{4}}{\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \frac{\pi}{4} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}} \right)} + 1 = \frac{4-\pi}{\pi+4}$$

17.  $\vec{a} \circ \vec{b} = \vec{a} \circ \vec{c} = \vec{a} \circ \vec{d} = \vec{b} \circ \vec{c} = \vec{b} \circ \vec{d} = \vec{c} \circ \vec{d}$  를 얻는다.

18. 해설  $y_2 = y_1 \int \frac{1}{(y_1)^2} e^{-\int p dx} dx$

19.  $= \text{Re} \left\{ \frac{1}{i^2 - 5i - 6} \right\} (e^{it}) - \text{Im} \left\{ \frac{1}{i^2 - 5i - 6} \right\} (e^{it})$

20.  $= \frac{\pi}{3} R^2 \left( h - \frac{512}{h^2} \right) \dots$  ①

최상위4회

2.  $f^n = \underbrace{f \circ f \circ \dots \circ f}_n$

최상위5회

16번 벡터  $w = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$  에 대한 벡터  $v = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & -3 \end{pmatrix}$  의 정사영

최상위6회

5번 **해설**  $\int_0^{\frac{15}{8}} f(x) dx + \int_{f(0)}^{f(\frac{15}{8})} f^{-1}(x) dx = \frac{15}{8} \cdot f(\frac{15}{8})$

최종모의고사1회

14번 라)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}} a_n$

21번  $= 6\sqrt{3}\pi \left[ \frac{r^4}{4} - \frac{r^2}{2} \right]_0^1$

최종모의고사3회

4번 ①  $x^5 + \sqrt{3}x^3 + 2 = 0$

13번 ①  $\frac{1}{8}$

따라서  $f^{(3)}(0) = a_3 \times 3! = \frac{1}{8}$

18번  $x = 2u, y = 2v, z = e^w$  이므로

최종모의고사5회

12번 공의 부분의 부피를  $\frac{(16000 - 4375\sqrt{13})\pi}{a}$

**해설**  $S = \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot (30 \cdot 30) = \frac{1}{2} \cdot (30 + 30 + 30) \cdot r$

$d = \sqrt{(20)^2 - (5\sqrt{3})^2} = 5\sqrt{13} \text{ cm}$  가 된다.

$V = V_x = \pi \int_{5\sqrt{13}}^{20} y^2 dx = \pi \int_{5\sqrt{13}}^{20} (400 - x^2) dx$   
 $= \pi \left[ 400x - \frac{x^3}{3} \right]_{5\sqrt{13}}^{20}$   
 $= \pi \left\{ (8000 - \frac{8000}{3}) - (2000\sqrt{13} - \frac{1375\sqrt{13}}{3}) \right\}$   
 $= \frac{16000\pi - 4375\sqrt{13}}{3}$  이 된다.

최종모의고사7회

13번 **【답】 ③**

따라서  $a = 2$  이다.

최종모의고사8회

12번  $\lim_{n \rightarrow \infty} n^2 \{ e^{1/n} - e^{1/(n+1)} \} = \lim_{n \rightarrow \infty} n^2 \left\{ 1 + \frac{1}{n^2} + \frac{1}{n^4} + \dots \right\}$

16번 **【답】 ①**

$E_3 : f(x, y) = f(x, 2-x) = 7x - 6$

최솟값 1, 최댓값 8

따라서  $R$ 에서  $f$ 의 최댓값은 8이고 최솟값은 0이다.

최종모의고사9회

18번 즉  $x = 2t - 1, y = 1, z = 2t - 1$  (단,  $0 \leq t \leq 1$ ) 이고

21번  $S = \{(\rho, \theta, \phi) \mid 0 \leq \phi \leq \pi\}$  이다.

최종모의고사10회

7번 적분  $\int_1^2 \sec^{-1} x dx$ 의 값이  $\frac{2\pi}{a} - \ln(b + \sqrt{3})$

$= \frac{2\pi}{3} - [\ln(\sec t + \tan t)]_0^{\pi/3} = \frac{2\pi}{3} - \ln(2 + \sqrt{3})$

13번  $= \int_0^1 \sqrt{16t^2 + 4t^4} dt = \int_0^1 2t\sqrt{4+t^2} dt$

14번 ④  $10 \times 18!$

따라서  $(x-2)^{16}$  앞의 계수  $a_{18} = {}_{10}C_9 = {}_{10}C_1 = 10$  이므로

$f^{(18)}(2) = a_{18} \times 18! = 10 \times 18!$  이다.